

Considerato il triangolo ABC ed i punti P, Q, R, presi internamente ai lati BC, CA, AB nell'ordine, disegniamo la circonferenza passante per i punti A, R, Q e quella passante per i punti B, P, R. Poiché le due circonferenze hanno evidentemente in comune il punto R, si presentano due situazioni (e due soltanto):

1) Le due circonferenze sono tangenti (esternamente) in R (figura 1). Sia RT la loro tangente comune passante per R. [Perché è necessario specificare che si tratta della tangente passante per R? Non bastava dire "la loro tangente comune"??]

2) Le due circonferenze sono secanti in R ed in un altro punto O (figura 2). [Le due circonferenze secanti possono avere altri punti in comune, oltre a R e O?]

Nel primo caso:

- Che cosa si può dire degli angoli $\widehat{Q\hat{A}R}$ e $\widehat{Q\hat{R}T}$?

Che cosa degli angoli $\widehat{P\hat{B}R}$ e $\widehat{P\hat{R}T}$?

- Cosa si può dire degli angoli $\widehat{Q\hat{R}P}$ e $\widehat{Q\hat{C}P}$?

- Cosa, di conseguenza, del quadrilatero CQRP ?

- La dimostrazione richiesta è di fatto conclusa.

Perché?

Nel secondo caso consideriamo i due quadrilateri AROQ e BPOR, inscritti nelle due circonferenze prese in esame e ragioniamo anche sul quadrilatero CQOP:

- Che cosa si può dire degli angoli $\widehat{A\hat{R}O}$ e $\widehat{C\hat{Q}O}$?

- Che cosa degli angoli $\widehat{O\hat{R}B}$ e $\widehat{O\hat{P}C}$?

- Cosa si può dire degli angoli $\widehat{A\hat{R}O}$ e $\widehat{O\hat{R}B}$?

- Cosa si desume riguardo gli angoli $\widehat{C\hat{Q}O}$ e $\widehat{O\hat{P}C}$ e riguardo il quadrilatero CQOP ?

- La dimostrazione richiesta è di fatto conclusa.

Perché?

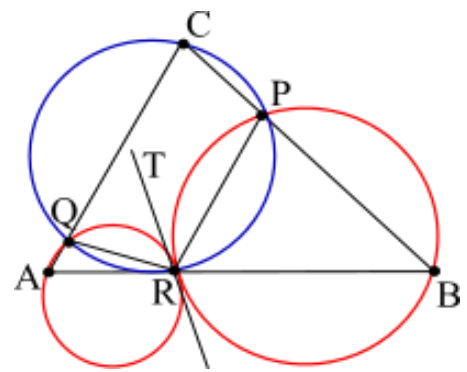


Figura 1

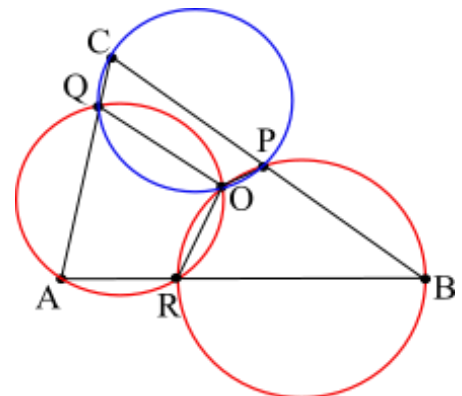


Figura 2